

n	1	2	3	4	5	итого
	4	7	6	4	0	24



№ 5

Треугольник может существовать, если $a + b > c$, где a, b, c — стороны треугольника

1) ~~5, 6, 7~~ Стороны равны 5, 6, 7; $5 + 6 > 7$

2) Стороны равны 5, 6, 8; $5 + 6 > 8$

3) Стороны равны 6, 4, 8; $6 + 4 > 8$

Ответ: 3

№ 2

$$x^2 + 4x - 5 + (x - 5)\sqrt{x^2 - 7} + 9 - 9$$

1) $x^2 - 4x - 5 + (x + 5)\sqrt{x^2 - 7} + 9 - 9$

$$x^2 + 4x + 4 - 9 + (x - 5)\sqrt{(x - 7)(x + 7)}$$

2) $x^2 - 4x + 4 - 9 + (x + 5)\sqrt{(x - 7)(x + 7)}$

$$(x + 2)^2 - 13 + (x - 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$$

3) $(x - 2)^2 - 13 + (x + 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$

4) $(x + 2 - 3)(x + 2 + 3) + (x - 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$

$$(x - 2 - 3)(x - 2 + 3) + (x + 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$$

5) $(x - 7)(x + 5) + (x - 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$

$$(x + 7)(x - 5) + (x + 5) \cdot \sqrt{x - 7} \cdot \sqrt{x + 7}$$

$$6) \frac{\sqrt{x-7} \cdot \sqrt{x-7} \cdot (x+5) + (x-5) \cdot \sqrt{x-7} \cdot \sqrt{x+7}}{\sqrt{x+7} \cdot \sqrt{x+7} (x-5) + (x+5) \cdot \sqrt{x+7} \cdot \sqrt{x+7}}$$

$$7) \frac{\sqrt{x-7} (\sqrt{x-7} \cdot (x+5) + (x-5) \cdot \sqrt{x+7})}{\sqrt{x+7} (\sqrt{x+7} \cdot (x-5) + \sqrt{x-7} \cdot (x+5))}$$

$$8) \frac{\sqrt{x-7} \cdot (\sqrt{x-7} \cdot (x+5) + \sqrt{x+7} \cdot (x-5))}{\sqrt{x+7} \cdot (\sqrt{x+7} \cdot (x-5) + \sqrt{x-7} \cdot (x+5))} = \sqrt{\frac{x-7}{x+7}}$$

Ответ: $\sqrt{\frac{x-7}{x+7}}$

Докажем что $0 \leq xy + yz + xz - 2xyz$

выражение будет равно 0, если $x=7; y=z=0$

Итого $7 \cdot 0 + 0 \cdot 0 + 7 \cdot 0 - 2 \cdot 7 \cdot 0 \cdot 0 = 0$
 $7 + 0 + 0 = 7$

При других значениях x, y и z выражение будет > 0 .

Пусть $x = z = y = \frac{7}{3}$. Итого

$$\frac{7}{3} + \frac{7}{3} + \frac{7}{3} = 7$$

$$\frac{7}{3} \cdot \frac{7}{3} + \frac{7}{3} \cdot \frac{7}{3} + \frac{7}{3} \cdot \frac{7}{3} - 2 \cdot \frac{7}{3} \cdot \frac{7}{3} \cdot \frac{7}{3} = \frac{24}{81} - \frac{6}{81} = \frac{27}{81} = \frac{7}{24}$$

При других значениях x, y и z выражение $< \frac{7}{24}$ н.г.



№ 7

По условию, перестановка является само-
матрицей со следующими цифрами на
конце: 7, 3, 4, 9. Для того, чтобы понять
из этих можно выбрать те само-матрицы,
которые оканчиваются на 7, т.к. они не будут
входить на последнюю цифру произведения.

Сгруппируем оставшиеся само-матрицы
по числу десятков, получим:

(3 7 9) (3 9 7) (2023), заметим, что
все само-матрицы до 2020 с равным
числом десятков дадут при пр-тии будут
давать 7 число: $\dots 3 \dots 4 \dots 9 = \dots 9$ т.е.

наше пр-ие можно записать как:

$\dots 9 \dots 9 \dots 9 \dots 2023$. Это число будет

кончатся на эту же цифру, что и

9^{202} . Заметим, что 9^0 в n -ой степени
может кончатся или на 7, или на 9 по
след. правили:

$9^n \equiv 7$, если n - четное

$9^n \equiv 9$, если n - нечетное.

В нашем случае $n = 202$, ~~нечетное~~, а

значит пр-ие можно записать как

$\dots 7 \cdot 2023 = \dots 3$

Ответ: ~~7~~ 3

Уч 3

Если такой треугольник есть, то он подобен
какой-нибудь ступенчатой, где $4+x^2$ — гипотенуза,
 x^2 и $2+x^2$ — катеты. Тогда

$$(4+x^2)^2 = (x^2)^2 + (2+x^2)^2$$

$$16 + 8x^2 + x^4 = x^4 + 4 + 4x^2 + x^4$$

$$8x^2 + x^4 - x^4 - x^4 - 4x^2 - x^4 = 4 - 16$$

$$8x^2 - x^4 - 4x^2 = -12$$

$$4x^2 - x^4 = -12$$

$$x^4 - 4x^2 = 12$$

$$x^4 - 4x^2 - 12 = 0$$

Положим $z = x^2$, $z \geq 0$, тогда

$$z^2 - 4z - 12 = 0$$

$$z_1 + z_2 = 4$$

$$z_1 z_2 = -12$$

$$z_1 = 6$$

$z_2 = -2$, не подл. по усл. $z \geq 0$

Вернемся к замене

$$x^2 = 6$$

$$x = \pm \sqrt{6}$$

П.к. по условию сказано, что x — целое
число, значит ~~треугольника~~ не суще-
ствует.

Ответ: не существует.