

N	1	2	3	4	5	Итого
	7	-	7	-	4	18

ШИФР № M92

N 1

Чтобы получить число оставшихся множителей, мы должны отнять от ~~этого~~ количества всех множителей все четные числа  $\left(\frac{2022}{2}\right)$  и числа, кратные пяти (но не оканчивающиеся на ноль, т.к. мы их вычитаем вместе с четными)  $\left(\frac{2020}{10}\right)$ . Получим:

$$2023 - 1011 - 202 = 810 \text{ (множителей)}$$

Поскольку последняя цифра произведения двух чисел зависит от последних цифр обоих множителей, то можно попытаться найти некоторую закономерность:

$$\begin{array}{cccccccccc}
 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 1 \\
 3 & 21 & \dots 9 & \dots 9 & \dots 7 & \dots 9 & \dots 1 & \dots 1 & \dots 3 & \\
 1 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 9 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 19 \cdot 21 \cdot 23 \dots, \text{ где:}
 \end{array}$$

Число, над знаком умножения - получившееся в ходе умножения число или его последняя цифра

Число над числом над знаком умножения - количество шагов в цикле.

В итоге мы получили цикл, где который повторяется в этом ряду вплоть до последнего множителя.

Чтобы узнать, на какое число окончится произведение ряда чисел  $1 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 9 \cdot 11 \dots 2021 \cdot 2023$ , мы должны разделить число всех множителей (810) на количество шагов в цикле (8), и <sup>взять остаток</sup> убавить один (потому что в примере нумерация шагов начинается с единицы) и соотнести получившееся число с шагом в примере, последняя цифра под шагом и будет последней цифрой в нашем числе.

$$\begin{array}{r}
 1) \quad 810 \mid 8 \\
 \quad \underline{8} \quad \mid 101 \\
 \quad \quad \underline{10} \\
 \quad \quad \quad \underline{8} \\
 \quad \quad \quad \quad \underline{2}
 \end{array}$$

2)  $2 - 1 = 1$ , а единица в примере соответствует окончанию числа на цифру 3, значит наше число оканчивается на цифру 3.

Ответ: последняя цифра числа, полученного перемножением оставшихся сомножителей будет равна 3.

№ 3

Чтобы убедиться в том, что треугольник прямоугольный, он должен соответствовать теореме Пифагора:

По теореме, обратной теореме Пифагора:

$$(x^2)^2 + (2+x^2)^2 = (4+x^2)^2$$

Если при решении этого уравнения мы получим целый корень(корни), то тогда утверждать, что существует <sup>прямоугольный</sup> треугольник, отсюда в условии можно.

$$2x^4 + 4 + 4x^2 = 16 + 8x^2 + x^4$$

$$x^4 - 4x^2 - 12 = 0$$

Пусть  $x^2 = z$ ,  $z \geq 0$ , тогда:

$$z^2 - 4z - 12 = 0$$

$$D = 16 + 48 = 64$$

$$z_1 = \frac{4+8}{2} = -2 \text{ - не подходит, т.к. } z \geq 0$$

$$z_2 = \frac{4+8}{2} = 6$$

Вернёмся к замене:

$$x^2 = 6$$

$x = \pm\sqrt{6}$ , а это - не целое число.

Ответ: прямоугольного треугольника, стороны которого выражались бы величинами  $x^2$ ,  $2+x^2$ ,  $4+x^2$ , где  $x$  - некоторое целое число, не существует.

№ 5

Начнём с того, что все треугольники построить возможно (треугольник невозможно построить, если сумма двух его сто-

рон меньше суммы третьей)

Даже если взять за две стороны самые маленькие числа из предложенных (5 и 5), а за третью - самое большое (8), то утверждение верно:

$$5 + 5 > 8$$

А значит, мы можем использовать все числа для всех <sup>треугольные</sup> треугольников. Т.е. нам нужно подобрать все возможные комбинации из ряда 4 чисел (5; 6; 7; 8).

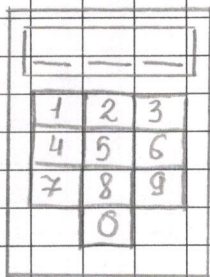


рис. 1.

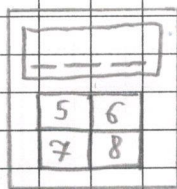


рис. 2

Можно провести аналогии с трёхзначным кодовым замком. (рис. 1)

Все понимают, что в нём всего 1000 (от "000" до "999") комбинаций, потому что используются цифры от 0 до 9. (10-ая система исчисления)

Наш же „кодовый замок“ (рис. 2) использует всего 4 цифры (как будто у нас 4-ая система исчисления.)

Возвращаясь к примеру с замком на 10 цифр можно отметить, что кол-во вариаций кода равно основанию системы исчисления (10), возведённому в степень, равную количеству подбираемых цифр (3), т.е.  $10^3 = 1000$  вариаций.

Точно так же и у нас: основание „системы исчисления“ (4), возведённое в 3 степень (т.к. в треугольнике 3 стороны).

$$4^3 = 64 \text{ (треугольника)}$$

Ответ: всего существует 64 таких треугольника.